$\sim \sim \sim$

Radio Engineering and Communications Радиотехника и связь

DOI: 10.17516/1999-494X-0433

УДК 621.396.677

One-Dimensional Scanning Modulated Metasurface Antennas Synthesis Method

Konstantin V. Lemberg^{*a, b}, Dmitriy A. Shabanov^{a, b}, Eugeny O. Grushevsky^a, Ivan V. Podshivalov^{a, b}

^aKirensky Institute of Physics SB RAS Krasnoyarsk, Russian Federation ^bSiberian Federal University Krasnoyarsk, Russian Federation

Received 07.07.2022, received in revised form 07.09.2022, accepted 19.09.2022

Abstract. This paper describes a method for the synthesis of one-dimensional scanning leaky-wave antennas based on metasurfaces with modulated surface impedance. Such antennas consist of a chain of subwavelength resonant elementary cells with two degrees of freedom, one of which is used to modulate the impedance of the metasurface and the other to dynamically change the radiation direction of the leaky wave. As an example of the proposed method application antenna based on a metallic corrugated structure was synthesized, which allows scanning in the range from 4° to 42° at 27 GHz and has a directivity from 26.4 to 30.1 dBi. Antennas of the described type allow to realize one-dimensional electronic scanning in a much simpler way than phased array antennas.

Keywords: metasurface, scanning antenna, leaky waves, surface impedance.

Acknowledgement. The research was carried out with the financial support of the RFBR, the Government of the Krasnoyarsk Territory and the Krasnoyarsk Regional Science Foundation within the framework of the scientific project 20–47–243002.

Citation: Lemberg K.V., Shabanov D.A., Grushevsky E.O., Podshivalov I.V. One-dimensional scanning modulated metasurface antennas synthesis method. J. Sib. Fed. Univ. Eng. & Technol., 2022, 15(6), 750–758. DOI: 10.17516/1999-494X-0433

© Siberian Federal University. All rights reserved

This work is licensed under a Creative Commons Attribution-Non Commercial 4.0 International License (CC BY-NC 4.0).

* Corresponding author E-mail address: lemkon@inbox.ru, klemberg@sfu-kras.ru

Методика синтеза одномерно сканирующих антенн на основе модулированных метаповерхностей

К.В. Лемберг^{а, б}, Д.А. Шабанов^{а, б}, Е.О. Грушевский^а, И.В. Подшивалов^{а, б} ^аИнститут физики имени Л.В. Киренского ФИЦ КНЦ СО РАН Российская Федерация, Красноярск ^бСибирский федеральный университет Российская Федерация, Красноярск

Аннотация. В работе описана методика синтеза сканирующих в одной плоскости апертурных антенн вытекающей волны, построенных на основе метаповерхностей с модулированным поверхностным импедансом. Такие антенны состоят из цепочки субволновых резонансных элементарных ячеек, имеющих две степени свободы, одна из которых используется для модуляции импеданса метаповерхности, а вторая для динамического изменения направления излучения вытекающей волны. В качестве примера применения методики была синтезирована антенна на основе металлической гофрированной структуры, позволяющая проводить сканирование в диапазоне углов от 4° до 42° на частоте 27 ГГц и имеющая КНД от 26.4 до 30.1 дБи. Антенны представленного типа позволяют реализовывать одномерное электронное сканирование существенно более простым способом, чем фазированные антенные решетки.

Ключевые слова: метаповерхность, сканирующая антенна, вытекающие волны, поверхностный импеданс.

Благодарности. Исследование выполнено при финансовой поддержке РФФИ, Правительства Красноярского края и Красноярского краевого фонда науки в рамках научного проекта 20–47–243002.

Цитирование: Лемберг, К.В. Методика синтеза одномерно сканирующих антенн на основе модулированных метаповерхностей / К.В. Лемберг, Д.А. Шабанов, Е.О. Грушевский, И.В. Подшивалов // Журн. Сиб. федер. ун-та. Техника и технологии, 2022, 15(6). С. 750–758. DOI: 10.17516/1999–494Х-0433

Введение

В последние годы наблюдается устойчивый интерес к электромагнитным метаматериалам и метаповерхностям, в том числе как к возможной основе для следующего поколения планарных антенных устройств различных частотных диапазонов – от СВЧ до оптического [1, 2]. В частности, в СВЧ-диапазоне решения на основе метаповерхностей характеризуются возможностью гибко управлять электромагнитным полем, дешевизной и технологичностью в изготовлении [3–6].

Метаматериалы – это макроскопические композитные материалы периодической или непериодической структуры, которые благодаря искусственно созданным включениям или неоднородностям в основной среде либо имитируют свойства известных материалов, либо приобретают такие физически реализуемые свойства, которые не возникают или недоступны в природе. Включения обычно имеют масштаб меньший, чем длины волн, на которые они влияют. Форма, геометрия, размер, ориентация и расположение таких включений задают материалу необходимые свойства, например, блокируя, поглощая, усиливая или преломляя электромагнитные волны.

Метаповерхности можно считать двумерными метаматериалами. Преимущество метаповерхностей заключается в том, что они занимают меньше физического пространства, чем полноценные трехмерные метаматериальные структуры, более технологичны в производстве, а также в большинстве случаев обладают меньшими потерями.

На основе метаповерхностей могут быть реализованы периодические замедляющие структуры поверхностных волн, где фазовая скорость одной или нескольких обратных пространственных гармоник, возникающих из-за периодичности структуры, превышает скорость света. В таком случае излучение, которое образует так называемую вытекающую волну, может быть использовано для создания антенн [5–8]. Более подробно физический принцип работы антенн вытекающей волны на основе периодически модулированных метаповерхностей описан в [6].

В связи с существующей необходимостью в недорогих электронно управляемых сканирующих антеннах в настоящее время активно ведутся исследования, направленные на создание таких антенн на основе управляемых модулированных метаповерхностей, позволяющих менять направление излучения вытекающей волны за счет изменения средней фазовой скорости поверхностных волн [9–11]. В данной статье описана применяемая авторами методика синтеза подобных антенн на основе элементарных ячеек с двумя степенями свободы, из массива которых и состоит антенна.

Конструкция антенны

В качестве примера для описания методики была синтезирована антенна на частоту 27 ГГц на основе поперечно гофрированной металлической поверхности, поддерживающей распространение поверхностной волны ТМ типа (рис. 1). Антенна состоит из ячеек, одна из которых показана на вставке рис. 1. Глубина канавок гофрированной структуры описывается параметром ячейки *A*. Модуляция импеданса метаповерхности осуществляется изменением параметров *A* индивидуально для каждой ячейки. Направление излучения вытекающей волны зависит от значения параметра ячейки *B*, который в данном случае обозначает ширину зазора в верхней части ячейки и изменяется для всей антенны целиком. Период структуры *d* должен быть много меньше длины волны в свободном пространстве λ_0 . Для использованного примера он равен 1.5 мм, то есть 7.4 λ_0 для частоты 27 ГГц. Излучающая часть антенны состоит из 120 ячеек, длина излучающей части равна 180 мм. Общая ширина антенны – 100 мм. Входной сигнал *P*₀ проходит через плоский рупор под структурой, затем переходит на верхний слой, где трансформируется в поверхностную волну над гофрированной поверхносты и излучается за счет взаимодействия с ней. Подобные антенны, однако без возможности управления направлением излучения, описаны, например, в [8].

Эквивалентная схема цепочки элементарных ячеек, примененных в данной антенне, показана на рис. 2. Каждая элементарная ячейка представляет собой резонатор, резонансная частота которого зависит от геометрических параметров ячейки. Можно условно выделить эквивалентную емкость ячейки C и ее эквивалентную индуктивность L, а также емкость связи $C_{\rm cB}$. Параметр A в рассматриваемом примере влияет в основном на величину эквивалентной индуктивности L, а параметр B – в основном на величину эквивалентной емкости C. Вся ан-



Рис. 1. Модель антенны и элементарная ячейка метаповерхности (на вставке) Fig. 1. Antenna model and metasurface unit cell (inset)



Рис. 2. Фрагмент метаповерхности (a) и его эквивалетная схема (δ)

Fig. 2. Metasurface fragment (a) and its equivalent scheme (b)

тенна, таким образом, представляет собой открытую цепочку сильно связанных резонаторов или замедляющую систему, поддерживающую волну ТМ типа, а локальный поверхностный импеданс для этой волны определяется параметрами *A* и *B* ячеек.

В общем случае параметры *A* и *B* могут означать любые две степени свободы ячейки, от которых зависит ее резонансная частота. При этом *A* – параметр ячейки, используемый для модуляции импеданса метаповерхности, а *B* – параметр ячейки, с изменением которого происходит изменение угла излучения вытекающей волны. Параметр *B* одинаков для всех ячеек.

Управляемая емкость C здесь (для общности рассмотрения) реализована за счет геометрии ячейки. На практике же для ее реализации могут быть использованы полупроводниковые варакторы, жидкие кристаллы, сегнетоэлектрики, микроэлектромеханические структуры или другие электрически управляемые элементы. В этих случаях осуществляется электронное сканирование лучом, а параметр B будет обозначать величину подаваемого на управляемые элементы напряжения.

Методика синтеза антенны

Распространение одномерной затухающей электромагнитной волны, в том числе рассматриваемой поверхностной волны ТМ типа, описывается в общем виде формулой

$$\dot{E}(x,t) = E_0 e^{-\dot{\gamma}x} e^{-j\omega t},\tag{1}$$

где $\dot{\gamma} = \alpha + j\beta$, \dot{E} – комплексная амплитуда колебаний, E_0 – начальная амплитуда, γ – постоянная распространения, α – постоянная затухания, β – фазовая постоянная, x – координата, ω – угловая частота и t – время. Для поверхностной волны, излучающейся в пространство за счет механизма излучения вытекающих волн, в отсутствие тепловых потерь значение α описывает интенсивность излучения. Значение β связано с фазовой скоростью, а значит, с углом излучения волны [6]. Иначе говоря, контроль значения α позволяет управлять амплитудным распределением поля излучения антенны, а контроль значения β – фазовым распределением. Для контроля значений α и β необходимо определенным образом выбирать параметры A и B ячеек метаповерхности.

Методика синтеза антенны позволяет подобрать для каждой ячейки индивидуальные значения *A* и для всей антенны общий диапазон значений *B*, сформировав таким образом необходимые амплитудные и фазовые распределения, и, соответственно, диаграммы направленности. Синтез антенны условно можно разделить на три этапа (рис. 3). Процедура синтеза может быть реализована в программе на языке Matlab и должна использовать для расчета параметров элементарных ячеек и характеристик синтезированной антенны программу электродинамического моделирования, например CST Microwave Studio.

На первом этапе происходит расчет зависимости фазовой скорости волны в ячейке v_{ph0} на заданной частоте f_0 от параметров A и B. Расчет проводится при периодических граничных условиях вдоль направления распространения поверхностной волны. Диапазон варьирования параметров выбирают таким образом, чтобы набег фазы на ячейке изменялся в диапазоне от

 $1.2 \frac{2\pi d}{\lambda_0}$ до 0.9π радиан, что соответствует «средним» значениям замедления поверхностной

волны. В тестовой модели на частоте 27 ГГц параметр *А* варьировался в диапазоне 1.4–1.64 мм, а параметр *В* – в диапазоне 0.86–0.95 мм (см. рис. 1).

На втором этапе синтеза с использованием зависимости $v_{ph0}(A, B)$ рассчитываются различные параметры будущей модели. Из значений фазовой скорости находят эквивалентный поверхностный импеданс Z_{3x6} ячеек [12]:



- 754 -

$$Z_{_{3KB}} = j120\pi \sqrt{\frac{c^2}{v_{ph0}^2} - 1}.$$
 (2)

Для гофрированной метаповерхности эквивалентный поверхностный импеданс является индуктивным, то есть имеет мнимую положительную величину. Минимум и максимум импеданса для тестового примера, полученные по формуле (2) из данных расчёта ячейки, равны $Z_{min}=j482$ Ом и $Z_{max}=j723$ Ом соответственно.

Затем рассчитываются углы направления излучения вытекающей волны для двух крайних значений параметра B в зависимости от периода модуляции эквивалентного импеданса P по всей структуре. На основе этой зависимости выбирается наиболее подходящее значение P. Формула расчета угла направления излучения вытекающей волны *m*-ой пространственной гармоники θ_m имеет вид [7]

$$\theta_m = \arcsin\left(\frac{\beta_m}{k_0}\right),\tag{3}$$

где $\beta_m = \beta_0 + \frac{2\pi}{P}m - \phi$ азовая постоянная для *m*-ой пространственной гармоники, $\beta_0 = k_0 \frac{c}{v_{ph0}} - b$

фазовая постоянная для нулевой пространственной гармоники, k_0 – волновое число.

В описываемом примере рабочей выступает минус первая пространственная гармоника, поэтому m = -1. Период *P* выбран равным 6 мм, что соответствует расчетным углам излучения вытекающей волны от 4° до 42°, при этом углы отсчитываются от нормали к поверхности антенны в направлении оси *x* (см. рис. 1).

Далее с помощью специальной упрощенной модели поверхности с модулированным импедансом рассчитывается зависимость постоянной затухания α от глубины модуляции импеданса *m_r* путем варьирования этой модуляции в структуре с выбранным периодом *P*. Распределение импеданса в упрощенной модели имеет вид

$$Z_{_{3KG}}(x,m_r) = Z_0 + \Delta Z \cdot m_r \sin\left(\frac{2\pi x}{P}\right),\tag{4}$$

где $Z_0 = \frac{(Z_{max} + Z_{min})}{2}$, $\Delta Z = \frac{(Z_{max} - Z_{min})}{2}$. Величина α рассчитывается из S-параметров упро-

щенной модели.

Далее находится необходимая для реализации заданного амплитудного распределения зависимость постоянной затухания α от координаты x. Когда метаповерхность имеет одинаковую глубину модуляции импеданса по всей длине, α не меняется с изменением координаты x, а поле излучения антенны имеет экспоненциально спадающее амплитудное распределение. Такое амплитудное распределение приводит к низкой эффективности, поэтому конструкция антенны должна реализовывать изменение α в зависимости от x для получения заданного амплитудного распределения [7]:

$$\alpha(x) = \frac{|E(x)|^2}{2\frac{P(0)}{P(0) - P(L)} \int_0^L |E(\xi)|^2 d\xi - \int_0^x |E(\xi)|^2 d\xi},$$
(5)

- 755 -

где E(x) – заданное амплитудное распределение поля, P(0) – мощность на входе антенны, P(L) – не излученная антенной мощность (обычно задается как 10 % от P(0)), L – длина излучающей части антенны, ξ – переменная интегрирования. Для антенны, использованной для примера, задавалось линейно спадающее амплитудное распределение. При этом считается что зависимость $\alpha(x)$, а значит, и амплитудное распределение, не зависят от направления излучения вытекающей волны.

На третьем этапе на основе полученных данных строится зависимость параметра *A* каждой ячейки от ее координаты. При этом, по сути, выполняют шаги второго этапа синтеза в обратном порядке (рис. 4).

В итоге описанной процедуры синтеза получаются все необходимые данные для создания трехмерной модели антенны, которая строится в программе электродинамического моделирования, где затем проводится расчет ее характеристик. Результат расчета диаграмм направленности модели антенны, использованной в качестве примера (см. рис. 1), в зависимости от значения параметра *B* показан на рис. 5. Диаграммы направленности приведены для плоскости *XZ*, в которой происходит сканирование. Как видно, направление излучения вытекающей волны равно 4° при B=0.865 мм и 42° при B=0.955 мм, что достаточно близко к тем значениям, кото-

$$\alpha(x) \longrightarrow m_r(x) \longrightarrow Z_{\scriptscriptstyle \mathfrak{I}\!\mathcal{K}\!\mathcal{B}}(x) \longrightarrow v_{ph0}(x) \longrightarrow A(x)$$

$$\uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow$$

$$\alpha(m_r) \qquad P \qquad v_{ph0}(Z_{\scriptscriptstyle \mathfrak{I}\!\mathcal{K}\!\mathcal{B}}) \qquad A(v_{ph0})$$

Рис. 4. Получение координатной зависимости параметра A из рассчитанных данных Fig. 4. Obtaining the coordinate dependence of parameter A from the calculated data



Рис. 5. Рассчитанные диаграммы направленности синтезированной антенны Fig. 5. Calculated radiation patterns of the synthesized antenna

рые были рассчитаны на втором этапе синтеза (от 4.5° до 44°). Коэффициент направленного действия антенны составил от 26.4 до 30.1 дБи, что соответствует апертурной эффективности от 24 до 56 %.

Заключение

Описанная в работе методика позволяет синтезировать одномерно сканирующие антенны на основе метаповерхностей, состоящие из элементарных ячеек с одним управляемым параметром. В качестве такого параметра удобно использовать емкость ячейки, которая может динамически управляться различными элементами, например полупроводниковыми или сегнетоэлектрическими варакторами. При этом необходимую для получения вытекающей волны синусоидальную модуляцию импеданса поверхности можно получать, управляя индуктивностью ячеек с помощью статичного параметра, задаваемого для каждой ячейки индивидуально. Такой подход позволяет относительно просто, по сравнению с фазированными антенными решетками, получить электронное сканирование лучом антенны. Методика использует ряд допущений, например о независимости постоянной затухания а от направления излучения вытекающей волны, которые снижают точность реализации требуемых амплитудных и фазовых распределений. Коррекция приведенной методики для более точной реализации необходимых амплитудных и фазовых распределений и получения большей апертурной эффективности в антеннах описываемого типа станет целью последующей работы.

Список литературы / References

[1] Glybovski S.B., Tretyakov S.A., Belov P.A., Kivshar Y.S., Simovski C.R. Metasurfaces: From microwaves to visible. *Physics Reports*, 2016, 634, 1–72.

[2] Quevedo-Teruel O., Chen H., Díaz-Rubio A. at all. Roadmap on metasurfaces. *Journal of Optics*, 2019, 21.

[3] Zhu H.L., Cheung S.W., Liu X.H. and Yuk T.I. Design of Polarization Reconfigurable Antenna Using Metasurface. *IEEE Transactions on Antennas and Propagation*, 2014, 6, 2891–2898.

[4] Holloway C. L. et al. An overview of the theory and applications of metasurfaces: The twodimensional equivalents of metamaterials. *IEEE antennas and propagation magazine*, 2012, 2, 10–35.

[5] Martini E., Maci S. Modulated Metasurfaces for Microwave Field Manipulation: Models, Applications, and Design Procedures. *IEEE Journal of Microwaves*, 2021, 1, 44–56.

[6] Лемберг К. В., Грушевский Е.О., Подшивалов И.В. и др. Методика синтеза и экспериментальное исследование антенн Ки-диапазона на основе тензорных метаповерхностей. Журнал Сибирского федерального университета. Техника и технологии, 2021, 14(7), 840–853. [Lemberg K.V., Grushevsky E.O., Podshivalov I.V., Kosmynin A.N., Kosmynina K.N. Synthesis method and experimental research of Ku-band antennas based on tensorial metasurfaces. J. Sib. Fed. Univ. Eng. technol., 2021, 14(7), 840–853 (in Russian)]

[7] Jackson D. R., Oliner A.A., Balanis C. *Modern antenna handbook. Leaky-wave antennas.* John Wiley & Sons, 2008, 1680 p.

[8] Терешин О. Н., Седов В. М., Чаплин А. Ф. Синтез антенн на замедляющих структуpax. М., Радио и связь, 1980, 136 с. [Tereshin O. N., Sedov V. M., Chaplin A. F. Slow-wave structures antennas synthesis. Moscow, Radio i svyaz, 1980, 136 р. (in Russian)] [9] Bodehou M., Martini E., Maci S., Huynen I. and Craeye C. Multibeam and beam scanning with modulated metasurfaces. *IEEE Transactions on Antennas and Propagation*, 2019, 3, 1273–1281.

[10] Sievenpiper D.F., Schaffner J.H., Song H.J., Loo R.Y. and Tangonan G. Two-dimensional beam steering using an electrically tunable impedance surface. *IEEE Transactions on Antennas and Propagation*, 2003, 10, 2713–2722.

[11] T. Kodera and C. Caloz. Dual-Band Full-Space Scanning Leaky-Wave Antenna Based on Ferrite-Loaded Open Waveguide. *IEEE Antennas and Wireless Propagation Letters*, 2009, 8, pp. 1202–1205.

[12]Fong B. H., Colburn J. S., Ottusch J. J., Visher J. L. and Sievenpiper D. F. Scalar and Tensor Holographic Artificial Impedance Surfaces. *IEEE Transactions on Antennas and Propagation*, 2010, 10, 3212–3221.