Министерство науки и высшего образования РФ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» Институт инженерной физики и радиоэлектроники Базовая кафедра фотоники и лазерных технологий

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой

_____ А.Н. Втюрин «____»___2023 г.

МАГИСТЕРСКАЯ ДИССЕРТАЦИЯ

Разработка методик исследования металлоорганических каркасов

методом КРС

16.04.01 Техническая физика

16.04.01.02 Оптическая физика и квантовая электроника

Руководитель	подпись, дата	д-р физмат. наук, проф.	Втюрин А.Н.
Выпускник	подпись, дата		Головкина Е. В.
Рецензент	подпись, дата	канд.физмат. наук, доц.	Александровский А.С.

Красноярск 2023

РЕФЕРАТ

Выпускная квалификационная работа по теме «Разработка методик исследования металлоорганических каркасов методом КРС» содержит 66 страниц текстового документа, 31 иллюстрацию, 3 таблицы, 14 формул, 5 приложений, 24 использованных источника.

СПЕКТРОСКОПИЯ КОМБИНАЦИОННОГО РАССЕЯНИЯ СВЕТА, РАЗРАБОТКА МЕТОДИКИ, УГЛОВЫЕ ЗАВИСИМОСТИ СПЕКТРОВ, МЕТАЛЛООРГАНИЧЕСКИЕ КАРКАСЫ, КР-КАРТИРОВАНИЕ

Цель работы: разработать методы исследования угловых и пространственных зависимостей спектров КР металлоорганических каркасов.

Задачи:

- проектирование и изготовление приставки к спектрометру для измерения угловых зависимостей спектров микрокристаллов;

 осуществление автоматизации эксперимента по измерению угловых зависимостей поляризованных спектров;

- проведение эксперимента по проверке корректной работы автоматизированной установки;

- получение и анализ угловых зависимостей металлоорганических каркасов;

- конструирование приставки для КР-картирования и программирование устройства;

- получение и анализ КР-карт распределения интенсивностей колебаний в спектре каркасов.

Из-за невозможности ориентирования микроразмерных кристаллов для определения тензора комбинационного рассеяния и классификации колебаний по типам симметрии была реализована методика измерения угловых зависимостей спектров, а также была поставлена методика КР-картирования для определения пространственного распределения параметров кристаллов.

2

СОДЕРЖАНИЕ

B	веден	ние		4	
1	1 Металлоорганические каркасы				
	1.1	Карка	c DUT-8	7	
	1.2	Карка	сы САШ	8	
2 Оборудование и методы					
	2.1	КР-Сг	іектрометр	10	
3	Мет	одика і	измерения угловых зависимостей КР-спектров	11	
	3.1	Теори	я и неприводимые представления	11	
3.2 Разработка приставки и автоматизация эксперимента			14		
3.3 Проверка установки			16		
		3.3.1	Описание модельного образца	16	
		3.3.2	Проведение эксперимента и сравнение с литературой	21	
	3.4	Иссле	дование каркасов	24	
		3.4.1	DUT-8(Ni)	24	
		3.4.2	Каркасы САШ	31	
	3.5	Teope	тические угловые зависимости	33	
4	Мет	одика I	КР-картирования	38	
	4.1	Приме	енение методики	38	
	4.2 Разработка приставки 4		40		
	4.3	Прове	рка установки	42	
	4.4	Прове	сдение эксперимента	43	
38	клю	чение.		47	
C	писо	к сокра	щений	49	
Список использованных источников 50					
П	РИЛ	ОЖЕН	ИЯ	53	

введение

Значительный интерес в области спектроскопии комбинационного рассеяния света представляет исследование неориентированных кристаллов и определение их структуры по спектрам. Несмотря на то, что в природе и в процессе выращивания кристаллы имеют четко выраженную огранку, их грани не всегда располагаются вдоль кристаллографических осей. По этой причине, а также из-за малых размеров кристаллов, расположить кристалл для измерения поляризованных спектров становится затруднительным.

Одним из примеров трудно ориентированных микрокристаллов являются представители такой группы веществ как металлоорганические каркасы. Металлоорганические каркасы выделяются среди других пористых материалов своей чрезвычайно высокой пористостью и модульной перестраиваемостью. Хотя большинство пористых твердых веществ и структур являются жесткими, в последние годы был открыт новый и уникальный класс переключаемых металлоорганических каркасов. Принципиальное понимание динамических явлений в таких материалах представило бы уникальную технологическую основу для разработки переключаемых катализаторов, фильтров, пороговых датчиков или управляемой доставки лекарств.

С целью изучения данной группы кристаллических веществ появилась необходимость разработки методик исследования неориентированных кристаллов.

Целью работы является разработка методов исследования угловых и пространственных зависимостей спектров КР металлоорганических каркасов.

Задачи:

- проектирование и изготовление приставки к спектрометру для измерения угловых зависимостей спектров микрокристаллов;

 осуществление автоматизации эксперимента по измерению угловых зависимостей поляризованных спектров;

4

- проведение эксперимента по проверке корректной работы автоматизированной установки;

- получение и анализ угловых зависимостей металлоорганических каркасов;

- конструирование приставки для КР-картирования;

- получение и анализ КР-карт распределения интенсивностей колебаний каркасов.

Методика измерения угловых зависимостей спектров дает возможность определить симметрию колебаний кристаллов и вид полного тензора рассеяния кристалла. Для визуализации распределения неоднородностей структуры кристаллов возникла необходимость реализации методики КР-картирования кристаллов.

1 Металлоорганические каркасы

Металлоорганические каркасы представляют собой кристаллические твердые вещества, которые состоят из металла или оксида металла в узлах, соединенных органическими линкерами. Получающиеся трехмерные сети содержат поровые пространства с очень высоким отношением площади поверхности к объему и являются химически и термически стабильными. Их форму можно контролировать, изменяя тип и связность ионов металлов и органических линкеров. В англоязычной литературе для обозначения этого класса соединений используют термин "metal–organic coordination polymers" или "metal–organic frameworks" (MOFs) [1].

Металлоорганические каркасы (MOF) приобрели большой интерес со времени их первоначального описания из-за их высокой пористости, большой поверхности и характеристик поглощения. Поры площади позволяют использовать МОГ для абсорбции благодаря их размеру и большой площади поверхности. Некоторые МОГ являются гибкими, что означает, что несколько стабильных кристаллических структур могут быть получены путем абсорбции и десорбции. Гибкие MOF – это новейшая технология, которая может быть более избирательной и выдерживать большее внешнее напряжение. Такие способны специфически переключаемые MOF реагировать или даже распознавать определенные типы молекулярных частиц, открывая их поры, что приводит к постепенному изменению физических (например, магнетизм, оптическая плотность, объемная плотность и т. д.) и химических характеристик активность, реактивность). Более того, они (каталитическая обратимо закрывают свои поры в отсутствие соответствующих видов частиц.

6



(MOF) или мягкие Переключаемые металлоорганические каркасы пористые кристаллы являются уникальными материалами, которые способны трансформировать свою кристаллическую структуру из плотного непористого в высокопористое открытое состояние и наоборот в ответ на внешние температура, адсорбция раздражители, такие как давление, газа или растворителя. В целом, основное исследование MOF связано С ИХ абсорбционным поведением и с тем, как увеличить их площадь поверхности и пористость. Несмотря на высокий потенциал этих новых материалов в качестве перспективных адсорбентов для хранения газа, газоразделения и сенсорных технологий, механизм переключения И факторы, влияющие на переключаемость, еще не до конца понятны.

1.1 Каркас DUT-8

Металлоорганические каркасы DUT-8 (DUT – Dresden University of Technology) с химической формулой M₂(ndc)₂(dabco) (ndc-2,6-нафталиндикарбоксилат, dabco-1,4-диазабицикло[2.2.2]октан) могут быть синтезированы в «жесткую» и «гибкую» формы, в зависимости от

7

условий синтеза. Жесткий вариант, состоящий из нанокристаллитов, может быть десольвальтирован без какого-либо фазового перехода. Напротив, гибкая форма, кристаллизованная в виде макрокристаллов, претерпевает превращение в замкнутую фазу (closed phase) при десольватации и может обратимо превращаться в открытую фазу (open phase) путем адсорбции газов или жидкости [3].



Рисунок 2 – Структурная трансформация DUT-8(Ni)

1.2 Каркасы САШ

Семейство каркасов САШ синтезировано в университете ИТМО г. Санкт-Петербург. Каркасы представляют собой устойчивые структуры на основе лиганда 1,3,5-бензолтрикарбоновой кислоты и ионов Er/Co (рисунок 3).



Рисунок 3 – Химическая структура каркасов а) САШ-744 и б) САШ-743

Каркасы САШ относятся к классу жёстких неразрушающихся металлоорганических каркасов и имеют способность к генерации второй и третьей гармоники от 400 до 750 нм.

2 Оборудование и методы

2.1 КР-Спектрометр

Для изучения образцов методом комбинационного рассеяния света был использован КР-спектрометр Horiba Jobin Yvon T64000.



Рисунок 4 – КР-спектрометр T64000 (HORIBA Jobin Yvon)

КР-спектрометр T64000 (рисунок 4) выполнен по схеме с тройным монохроматором на голографических решетках, что позволяет получать спектры от 3 см⁻¹ и до частот порядка 10000 см⁻¹. Для возбуждения спектра комбинационного рассеяния используются Kr⁺ - лазер Lexel 95L-K с длиной волны 647 нм и твердотельный лазер Spectra-Physics Excelsior-532-300-CDRH с длиной волны 532 нм. С помощью встроенного микроскопа можно получать спектры КР микрообразцов размерами от 2 мкм.

Спектрометр может переключаться между режимами сложения дисперсии, что обеспечивает рекордно высокое спектральное разрешение (до 0,1 см⁻¹), и вычитания дисперсии, с возможностью подходить в спектре максимально близко (до 3 см⁻¹) к линии возбуждения, причем как для стоксовых, так и для антистоксовых линий [4].

3 Методика измерения угловых зависимостей КР-спектров

3.1 Теория и неприводимые представления

Правила отбора для КР-активных фононов могут быть определены стандартными теоретико-групповыми методами, a интенсивности комбинационного рассеяния света – в соответствии с направлениями (поляризованного) входящего/рассеянного монохроматического света относительно главных осей исследуемого кристалла. Другими словами, спектров КР экспериментальный набор поляризованных ИЗ известных кристаллографических плоскостей может рассматриваться как средство физического фактических свойств обеспечения понимания симметрии фононных ветвей или, наоборот, знание правил отбора для исследуемого применяется количественной кристалла лля оценки неизвестных кристаллографических направлений.

Поляризованный спектр КР может быть обозначен согласно формализму Порто следующим образом: i(kl)j; это означает, что падающий свет распространяется в направлении *i* с электрическим вектором в направлении *k*, в то время как рассеянный свет собирается из направления *j* с размещенным таким образом анализатором, что он пропускает свет с электрическим вектором в направлении *l* [5]. Другими словами, символы вне скобок относятся к *направления распространения света*, а символы внутри скобок относятся к *направлениям электрического вектора*. Как правило, относительные интенсивности данной моды затем можно описать следующим образом:

$$I \propto |e_i \Re e_s|^2, \tag{1}$$

где *I* – интенсивность КР-излучения;

Я – тензор комбинационного рассеяния;

е_i и е_s – единичные векторы поляризации электрического поля для падающего и рассеянного света соответственно.

К рассеянному свету можно было применять как параллельную, так и кросс-поляризацию (перекрестную или скрещенную). Тогда единичные векторы поляризации можно выразить в декартовых координатах:

$$e_{i_{XYZ}}^{\parallel} = (0 \quad 1 \quad 0), e_{s_{XYZ}}^{\parallel} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, e_{s_{XYZ}}^{\perp} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix},$$
(2)

где нижние индексы *i* и *s* относятся к падающему и рассеянному свету соответственно; и символы верхнего индекса ∥ и ⊥ относятся к параллельной и перекрестной конфигурациям соответственно. Уравнение (1) означает, что для описания направленности комбинационного рассеяния света в пространстве требуется морфология тензор второго ранга, которого зависит OT кристаллической структуры; однако тензор симметричен, так что даже в самом общем случае необходимо рассматривать только независимых шесть элементов.



Рисунок 5 – Углы Эйлера

Рассматривая матрицу углов Эйлера, Φ_{xyz} и обратную ей $\tilde{\Phi}_{xyz}$, которые позволяют преобразовать декартову систему координат, связанную с кристаллической структурой, в систему лабораторной системы координат, тензор рассеяния любой полосы комбинационного рассеяния может быть выражен как:

$$\Re_{jxyz} = \Phi_{xyz} \Re_j \tilde{\Phi}_{xyz},\tag{3}$$

где матрица преобразования углов Эйлера и обратная ей даны как:

$$\Phi_{xyz} = \begin{pmatrix} \cos\alpha \cos\gamma - \cos\beta \sin\alpha \sin\gamma & -\cos\gamma \sin\alpha - \cos\alpha \cos\beta \sin\gamma & \sin\beta \sin\gamma \\ \cos\beta \cos\gamma \sin\alpha + \cos\alpha \sin\gamma & \cos\alpha \cos\beta \cos\gamma - \sin\alpha \sin\gamma & -\cos\gamma \sin\beta \\ \sin\alpha \sin\beta & \cos\alpha \sin\beta & \cos\beta \end{pmatrix},$$
(4)

$$\widetilde{\Phi}_{xyz} = \begin{pmatrix} \cos\alpha \cos\gamma - \cos\beta \sin\alpha \sin\gamma & \cos\alpha \sin\gamma + \cos\beta \cos\gamma \sin\alpha & \sin\alpha \sin\beta \\ -\cos\gamma \sin\alpha - \cos\alpha \cos\beta \sin\gamma & \cos\alpha \cos\beta \cos\gamma - \sin\alpha \sin\gamma & \cos\alpha \sin\beta \\ \sin\beta \sin\gamma & -\cos\gamma \sin\beta & \cos\beta \end{pmatrix},$$
(5)

где α – угол между осью *х*и линией узлов – угол прецессии;

 β – уголмежду осями *z*и *Z* – угол нутации;

ү – уголмежду линией узлов и осью *Х* – угол собственного вращения.

Подставляя в (3) тензор комбинационного рассеяния, относящийся к исследуемой структуре кристалла, можно получить серию независимых периодических уравнений, которые представляют собой правила отбора для исследуемого кристалла и полностью описывают угловые зависимости интенсивности комбинационных мод [6].

3.2 Разработка приставки и автоматизация эксперимента

Для осуществления автоматизации измерения угловых зависимостей поляризованных спектров КР без непосредственного регулирования положения кристалла для повышения точности отсчета углов по примеру экспериментов в [7, 8, 9, 10] в программе OpenScad с учетом размера и формы предметного столика прибора был разработан, а в последствии напечатан на 3D-принтере действующий макет приставки для автоматизации вращения предметного столика КР-спектрометра T64000.



Рисунок 6 – Модель приставки для предметного столика

Приставка крепилась на столик при помощи винта и включала отверстие для шагового двигателя 28BYJ-48 с драйвером ULN2003, который подключался к управляющему компьютеру при помощи платы Arduino (рисунки 6, 7, 8).

Для платы Ардуино был написан программный код, отвечающий за поворот столика на угол, заданный через управляющий компьютер или считанный с энкодера (Приложение А).

Для управления приставкой из программы управления спектрометром, а также для удобной передачи параметров в Ардуино была написана программарасширение для программы Lab Spec 5 (Приложение Б).



Рисунок 7 – Шаговый двигатель 28ВҮЈ-48 с драйвером ULN2003, подключенный к Arduino [11]

Вращение столика осуществлялось с помощью контактного передающего валика на оси двигателя.



Рисунок 8 – Внешний вид установки на предметном столике, лист 1





Рисунок 8, лист 2

Таким образом, за счет вращения кристалла на 360° осуществлялась возможность измерять спектры малоразмерных кристаллов MOF, как ориентированного монокристалла.

3.3 Проверка установки

3.3.1 Описание модельного образца

Для проверки корректной работы автоматизированной установки в качестве тестового образца были выбраны микрокристаллы Hg₂Cl₂, синтезированные в Санкт-Петербургском Физико-техническом институте им. А.Ф. Иоффе РАН. Размер тестовых твердых осколков кристаллов составляет менее 1 мм.

Кристаллы галогенидов одновалентной ртути Hg₂Hal₂ (Hal = F, Cl, Br, I) являются яркими представителями квазимолекулярных кристаллов. С точки зрения практического применения эти кристаллы представляют значительный интерес [12].

Галогениды одновалентной ртути обладают простой кристаллической структурой. Она построена из слабо связанных друг с другом линейных молекул Hal–Hg–Hg–Hal, линейные цепочки которых формируют кристалл с пространственной группой *I4/mmm*. Цепочечное строение этих кристаллов приводит к очень сильной анизотропии упругих и оптических свойств (рисунок 9).



Рисунок 9 – Элементарная ячейка кристаллов галогенидов одновалентной ртути Hg₂Hal₂

Галогениды одновалентной ртути, обладающие очень простой кристаллической структурой и ярко выраженными эффектами фазовых переходов, являются модельными объектами при изучении общих проблем структурных фазовых переходов. Наиболее изученными из ряда изоморфных соединений Hg₂Hal₂ являются кристаллы хлорида одновалентной ртути.

При исследовании структурных фазовых переходов изучение фононного спектра методом спектроскопии КР света является одним из наиболее чувствительных методов. Для тетрагональной фазы с пространственной группой *I4/mmm* разложение колебательного представления по неприводимым представлениям выглядит следующим образом:

$$\Gamma = 2A_{1g} + 2A_{2u} + 2E_u + 2E_g, \tag{6}$$

В спектрах Hg₂Cl₂ наблюдается по две линии v_1 , v_2 в поляризации XZ(YZ) (Е_д-симметрия) и v₃, v₄ в поляризации ZZ (А_{1д}-симметрия) (рисунок 11), что полностью согласуется с результатами теоретико-группового рассмотрения, согласно которому в СКР первого порядка этих кристаллов, имеющих при комнатной температуре тетрагональную решетку D_{4h}^{17} и одну формульную (четырех-атомную молекулу Hal-Hg-Hg-Hal) елиницу линейную В примитивной ячейке, разрешены четыре колебания: два дважды вырожденные симметрии E_g (XZ,YZ) и два полносимметричные A_{1g} (XX + YY, ZZ); (в скобках указаны компоненты тензора рассеяния КР с активными колебаниями). На рисунке 10 приведены собственные векторы этих колебаний. Следует заметить, что первое колебание симметрии Eg – это либрация, качание линейной молекулы как целого относительно горизонтальной оси Х (или Ү), обозначенное v1. Второе колебание симметрии Eg – деформационное «зигзагообразное» (v_2) . Полносимметричные валентные колебания $A_{1\sigma}$ соответствуют главным образом смещениям атомов Hg-Hg (v₃) и Hal-Hg (v₄). В ИК-спектрах разрешены нечетные колебания симметрии $E_u(v_5)$ и $A_{2u}(v_6)$, отвечающие смещениям подрешетки галогенов относительно подрешетки атомов ртути в базисной плоскости и вдоль оси Z соответственно, но в спектрах КР они не активны [13].



R — колебания, активные в комбинационном рассеянии света. IR — колебания, активные в инфракрасных спектрах

Рисунок 10 – Собственные векторы (нормальные колебания) в кристаллах Hg₂Hal₂ в предположении одной молекулы (формульной единицы) в примитивной ячейке [13]

Тензоры комбинационного рассеяния активных колебаний для симметрии *D*_{4h} согласно [14]:

$$A_{1g} = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & b \end{bmatrix};$$

$$E_g = \begin{bmatrix} 0 & 0 & e \\ 0 & 0 & 0 \\ e & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

$$E_g = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & e \\ 0 & e & 0 \end{bmatrix}.$$
(7)

Тогда, подставляя выражения (2)-(4) и (7) в (1), получим угловые зависимости интенсивностей рассеянного излучения мод A_{1g} и E_g:

$$I_{A_{1g}}^{\parallel} \propto (a - a\sin^2\beta + b\sin^2\beta + a\sin^2\beta\sin^2\gamma - b\sin^2\beta\sin^2\gamma)^2$$
(8.a)

$$I_{A_{1g}}^{\perp} \propto -((a-b)^2 * (\cos 2\beta - 1)^2 * (\cos 4\gamma - 1))/32$$
 (8.6)

$$I_{E_g}^{\parallel} \propto 4e^2 \cos^2 \gamma \sin^2 \beta \left(\cos \alpha \sin \gamma + \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha\right)^2$$
(8.B)

$$I_{E_g}^{\perp} \propto e^2 \sin^2 \beta \left(\cos \alpha - 2 \cos \alpha \cos^2 \gamma + 2 \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma \right)^2$$
(8.r)

$$I_{E_{\alpha}}^{\parallel} \propto 4e^{2} \cos^{2} \gamma \sin^{2} \beta \left(\sin \alpha \sin \gamma - \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma\right)^{2}$$
(8.д)

$$I_{E_{\alpha}}^{\perp} \propto e^{2} \sin^{2} \beta \left(2 \cos^{2} \gamma \sin \alpha + 2 \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \gamma \right)^{2}$$
(8.e)

Экспериментальный спектр КР хлорида одновалентной ртути представлен на рисунке 11.



Рисунок 11 – Спектр КР монокристаллов хлорида одновалентной ртути в различных поляризациях: сплошная линия – ZZ, пунктирная – XZ, YZ [13]

Из рисунка 11 видно, что линии в спектре КР хлорида ртути имеют разную интенсивность в параллельной и скрещенной поляризациях и проявляются попарно. Для поляризации ZZ можно выделить два пика интенсивности, соответствующих волновым числам 167 см⁻¹ и 275 см⁻¹, а для

поляризаций XZ, YZ пики, соответствующие волновым числам 40 см⁻¹ и 137 см⁻¹ [13]. Данное поведение линий и планируется проверить в эксперименте.

Таблица 1 – Частоты и симметрии активных в КР колебаний кристалла Hg₂Cl₂ при комнатной температуре

Частота	Поляризация	Группа колебаний
$v_1 = 40$	ZX, ZY	Eg
$v_2 = 137$	ZX, ZY	Eg
$v_3 = 167$	zz, xx+yy	A _{1g}
$v_4 = 275$	zz, xx+yy	A _{1g}

3.3.2 Проведение эксперимента и сравнение с литературой

Эксперимент был проведен без совершения непосредственного поворота кристалла на столике. Спектры снимались с интервалом 10°.



Рисунок 12 – Фото кристалла Hg₂Cl₂ под микроскопом

С помощью автоматизированной вращательной установки с оптимальной погрешностью измерены угловые зависимости спектров кристалла Hg₂Cl₂ в параллельной и скрещенной поляризациях, которые представлены на рисунке 13.



Рисунок 13 – Угловые зависимости поляризованных спектров Hg₂Cl₂ для а) параллельной (HH) и б) скрещенной (HV) поляризаций для линий 40 см⁻¹ и 167 см⁻¹ и линий 137 см⁻¹ и 275 см⁻¹ в линейной и в) полярной системе координат,

лист 1



Рисунок 13, лист 2

При различной поляризации света линия 40 см⁻¹ симметрии A_{1g} всегда имеет четыре максимума, а линия 167 см⁻¹ симметрии E_g имеет четыре максимума в одном случае и два максимума в другом (рисунок 13). Для кристалла типа каломели мы можем провести примитивный анализ, исходя из количества максимумов интенсивности для каждой линии. Так как линия 137 см⁻¹ аналогично линии 40 см⁻¹ имеет четыре максимума в обеих поляризациях, а линия 275 см⁻¹ ведет себя как линия 167 см⁻¹, можем отнести их к группам колебаний A_{1g} и E_g соответственно.

Симметрия	Поляризация	
	HH	HV
A _{1g}	4	4
Eg	2	4

Таблица 2 – Количество максимумов линий спектра

Результаты отнесения линий неприводимым ПО представлениям, полученные ПО методике измерения угловых зависимостей спектров микрокристаллов, совпадают c описанными литературе В данными, полученными на больших ориентированных кристаллах. Соответствие между имеющимися ранее сведениями 0 спектрах кристалла новыми И

экспериментальными данными, в частности, повторяемое отнесение линий в спектрах к различным типам колебаний, свидетельствует о корректной работе установки и правильно поставленной методике измерений. Однако для классификации колебаний в более сложном случае требуется программный продукт и больше опытных данных.

3.4 Исследование каркасов

3.4.1 DUT-8(Ni)

3.4.1.1 Правила отбора для DUT-8(Ni)

По структурным данным, опубликованным в статье [16], с помощью сервера Bilbao Crystallographic Server [17] были рассчитаны симметрия колебаний и неприводимые представления для открытой фазы DUT-8(Ni) с параметрами ячейки a = 18.4312 Å, b = 18.4312 Å, c = 9.3905 Å и углами 90.00 градусов. Имея 27 атомов, расположенных в позиции Уайкоффа 8g, в элементарной ячейке, для кристалла с пространственной группой *P4/n* получаем набор колебаний, активных в КР:

$$\Gamma = 73A_a + 69B_a + 73 {}^{1}E_a + 73 {}^{2}E_a .$$
⁽⁹⁾

 ${}^{1}E_{g}$, ${}^{2}E_{g}$ являются комплексно-сопряженными представлениями. Два пика будут наблюдаться из-за расщепления продольных и поперечных мод.

Тензоры комбинационного рассеяния активных колебаний для симметрии *C*_{4*h*} согласно [14]:

$$A_g = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & b \end{bmatrix};$$
(10)
$$24$$

$$B_{g} = \begin{bmatrix} c & d & 0 \\ d & -c & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$
$$E_{g} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & e \\ 0 & 0 & f \\ e & f & 0 \end{bmatrix};$$
$$E_{g} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -f \\ 0 & 0 & e \\ -f & e & 0 \end{bmatrix}.$$

Подставляя выражения (2-5) и (10) в (1), получим угловые зависимости интенсивностей рассеянного излучения мод A_g, B_g и E_g:

$$I_{A_{1g}}^{\parallel} \propto (a - a\sin^2\beta + b\sin^2\beta + a\sin^2\beta\sin^2\gamma - b\sin^2\beta\sin^2\gamma)^2$$
(11.a)

$$I_{A_{1g}}^{\perp} \propto -((a-b)^2(\cos 2\beta - 1)^2(\cos 4\gamma - 1)/32$$
(11.6)

$$I_{B_g}^{\parallel} \propto \left(c\cos 2\alpha \left(\sin^2 \gamma - \cos^2 \beta \cos^2 \gamma\right) + 4c\cos \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma - -2d(\cos \alpha \sin \alpha \sin^2 \gamma - \cos^2 \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \gamma + (11.B) + \cos \beta \cos \gamma \sin^2 \alpha \sin \gamma - \cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha)\right)^2$$

$$I_{B_g}^{\perp} \propto \left(c * \frac{\sin 2\gamma}{2} - d \cos \beta + 2d \cos^2 \alpha \cos \beta + 2d \cos \beta \cos^2 \gamma + 2c \cos \alpha \cos \beta \sin \alpha - 2c \cos^2 \alpha \cos \gamma \sin \gamma + c \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \gamma - -4d \cos^2 \alpha \cos \beta \cos^2 \gamma + 2d \cos \alpha \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma - (11.\Gamma) - 4c \cos \alpha \cos \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha - 2c \cos^2 \alpha \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \gamma + 2d \cos \alpha \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \alpha + 2d \cos \alpha \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma\right)^2$$

$$I_{E_g}^{\parallel} \propto 4 \cos^2 \gamma \sin^2 \beta (e \cos \alpha \sin \gamma - f \sin \alpha \sin \gamma + f \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma + (11.\pi)) + e \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha)^2$$

$$I_{E_g}^{\perp} \propto \sin^2 \beta (e \cos \alpha - f \sin \alpha - 2e \cos \alpha \cos^2 \gamma + 2f \cos^2 \gamma \sin \alpha + 2e \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha) + 2f \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \gamma)^2$$

$$I_{E_g}^{\parallel} \propto 4 \cos^2 \gamma \sin^2 \beta (f \cos \alpha \sin \gamma + e \sin \alpha \sin \gamma - e \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma + (11.\pi))$$

$$I_{E_g}^{\parallel} \propto 4 \cos^2 \gamma \sin^2 \beta (f \cos \alpha + e \sin \alpha - 2f \cos \alpha \cos^2 \gamma - (11.\pi))$$

$$-2e\cos^{2}\gamma\sin\alpha + 2f\cos\beta\cos\gamma\sin\alpha\sin\gamma -$$
(11.3)
$$-2e\cos\alpha\cos\beta\cos\gamma\sin\gamma)^{2}$$

Для закрытой фазы кристалла DUT-8(Ni) правила отбора в соответствии с [14], [17] для симметрии кристалла P1(C₁) с параметрами ячейки a=6.9472 Å, b=8.1805 Å, c=12.1722 Å:

$$\Gamma = 195A \tag{12}$$

Угловые зависимости интенсивностей колебаний для закрытой фазы:

$$\begin{split} I_{A_{1g}}^{\parallel} &\propto (a\cos^2 \alpha \sin^2 \gamma + c\cos^2 \gamma \sin^2 \beta + b\sin^2 \alpha \sin^2 \gamma + b\cos^2 \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma + \\ &+ a\cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin^2 \alpha - d\cos \alpha \sin \alpha \sin^2 \gamma - e\cos \alpha \sin \alpha \sin^2 \gamma - \\ &- d\cos \alpha \cos \gamma \sin \beta \sin \gamma - e\cos \alpha \cos \gamma \sin \beta \sin \gamma + \\ &+ 2f\cos \gamma \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma - 2f\cos \alpha \cos \beta \cos^2 \gamma \sin \beta + \\ &+ d\cos^2 \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \gamma + e\cos^2 \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \gamma - \\ &- d\cos \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha \sin \beta - e\cos \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha \sin \beta - \\ &- d\cos \beta \cos \gamma \sin^2 \alpha \sin \gamma - e\cos \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha \sin \beta - \\ &- d\cos \beta \cos \gamma \sin^2 \alpha \sin \gamma - e\cos \beta \cos \gamma \sin^2 \alpha \sin \gamma + \\ &+ d\cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha + e\cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha + \\ &+ 2a\cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha + e\cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha + \\ &+ 2a\cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha + e\cos \alpha \cos^2 \beta \cos^2 \gamma \sin \alpha \sin \gamma)^2 \\ I_{A_{1g}}^{\perp} &\propto (e\cos \alpha \cos^2 \gamma \sin \beta - a\cos^2 \alpha \cos \gamma \sin^2 \alpha \sin \gamma + c\cos \gamma \sin^2 \beta \sin \gamma + \\ &+ f\sin \alpha \sin \beta \sin^2 \gamma - d\cos^2 \alpha \cos \beta \cos^2 \gamma + e\cos \beta \cos^2 \gamma \sin^2 \alpha + \\ &+ e\cos^2 \alpha \cos \beta \sin^2 \gamma - d\cos \beta \sin^2 \alpha \sin^2 \gamma + \\ &+ d\cos \alpha \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma - e\cos \alpha \cos \beta \sin^2 \alpha \sin^2 \gamma + \\ &+ d\cos \alpha \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma - e\cos \alpha \cos \beta \sin \alpha \sin^2 \gamma + \\ &+ d\cos \alpha \cos \beta \sin^2 \gamma - d\cos \beta \sin^2 \alpha \sin^2 \gamma + \\ &+ d\cos \alpha \cos \beta \sin^2 \gamma - b\cos \alpha \cos \beta \sin \alpha \sin^2 \gamma + \\ &+ b\cos^2 \alpha \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma + e\cos \alpha \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma - \\ &- 2f\cos \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \gamma + e\cos \alpha \cos^2 \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma - \\ &- 2f\cos \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \beta \sin \gamma - d\cos \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma - \\ &- 2f\cos \alpha \cos \beta \cos \gamma \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma)^2 \end{split}$$

3.4.1.2 КР-спектры DUT-8(Ni)

В статье [3] показано, что КР-спектры открытой и закрытой фаз монокристаллов металлоорганического каркаса DUT-8(Ni) отличаются наличием интенсивных пиков в низкочастотной области, соответствующих одной из фаз (рисунок 14).



Рисунок 14 – Спектры для открытой и закрытой фаз DUT-8(Ni)

Самые интенсивные линии спектров 23 см⁻¹ и 59 см⁻¹ для открытой и для закрытой фазы соответственно были названы линиями-индикаторами фаз.

На рисунке 15 представлены экспериментальные образцы кристаллов DUT-8(Ni).



Рисунок 15 – Металлоорганические каркасы DUT-8(Ni) открытой и закрытой фазы

Кристаллы каркаса в зависимости от структуры имеют различный цвет: кристаллы в закрытой фазе – жёлтые, в открытой – зелёные.

3.4.1.3 Проведение эксперимента и анализ результатов

Монокристаллы в состоянии открытой фазы, содержащие в порах молекулы гептана, помещались на предметный столик прибора. Во время измерения спектра с началом испарения растворителя каркас начал переход в закрытую фазу, меняя свой цвет.



Рисунок 16 – Внешний вид кристалла в промежуточной фазе после измерения спектра

Таким образом, кристалл находился в промежуточном состоянии, и появилась возможность наблюдать на одном спектре линии, соответствующие разным структурам каркаса.



Рисунок 17 – Угловые зависимости поляризованных спектров DUT-8(Ni) для а) параллельного (HH) и б) скрещенного (HV) положения анализатора и поляризатора в линейной и полярной системе координат, в) сравнение графиков в полярных координатах, лист 1



Из рисунка 17 видно, что при различной поляризации света линия 23 см⁻¹ всегда имеет четыре максимума поглощения через каждые 90°, а линия 60 см⁻¹ имеет четыре максимума в одном случае и два максимума в другом. Таким образом, по аналогии с хлоридом ртути, мы делаем вывод, что линия 23 см⁻¹, соответствующая открытой фазе вещества, относится к группе колебаний A_{1g} , а линия 60 см⁻¹, отвечающая за закрытие кристалла, относится к группе E_{1g} .

3.4.2 Каркасы САШ

3.4.2.1 Угловые зависимости

На рисунке 18 представлены экспериментальные образцы: каркасы САШ-744 и САШ-743.





Рисунок 18 – Фото каркасов а) САШ-744 и б) САШ-743

Кристаллы каркаса САШ-744 относятся к пространственной группе симметрии P4₁, точечной группе C₄ с параметрами ячейки a = 10.2548 Å, b = 10.2548 Å, c = 14.4463 Å и углами 90.00 градусов. Набор колебаний, активных в КР, для САШ-744:

$$\Gamma = 68A + 69B + 68 {}^{1}E + 68 {}^{2}E$$
(14)

На рисунке 19 представлены угловые зависимости интенсивностей линий КР-спектра каркаса САШ-744 в двух различных поляризациях света, отмеченными разным цветом. Основываясь на комбинации поведения линий в двух поляризациях, мы можем выделить паттерны, соответствующие определенному типу колебаний, и расклассифицировать их по группам.



Рисунок 19 – Угловые зависимости интенсивностей спектральных линий каркаса САШ-744

По виду угловых зависимостей мы можем выделить направление наиболее интенсивных максимумов и соотнести его с кристаллографической осью симметрии кристалла.



Рисунок 20 – Паттерны колебаний, соотнесенные с расположением кристалла

3.5 Теоретические угловые зависимости

Основываясь на математической теории, мы имеем возможность рассчитать И визуализировать теоретические угловые зависимости интенсивностей линий КР-спектра кристалла заданной симметрии. Совмещая воедино теорию И эксперимент, ΜЫ смогли бы применить навыки программирования для создания продукта, способного проводить автоматизированную классификацию колебаний по внесённому шаблону.

В математическом пакете MATLAB были рассчитаны и построены теоретические картограммы, показывающие зависимость вида паттерна линий от двух углов при фиксированном третьем. Для структуры Hg₂Cl₂ спектральные линии имеют четко выраженный вид зависимости, что видно на рисунке 21.

33



а) колебания типа А; б, в) колебания типа Е_x и Е_y в параллельной и скрещенной поляризациях
 Рисунок 21 – Теоретически построенные зависимости интенсивностей
 колебаний от угла βдля структуры Hg₂Cl₂ симметрии D_{4h}

Для открытой фазы кристалла DUT-8(Ni):



а) колебания типа А; б) колебания типа В; в, г) колебания типа Е_x и Е_y в параллельной и скрещенной поляризациях

Рисунок 22 – Теоретически построенные зависимости интенсивностей колебаний от угла βдля структуры DUT-8(Ni)_ор симметрии C_{4h}, лист 1



Рисунок 22, лист 2

Для закрытой фазы DUT-8(Ni):



Рисунок 23 – Теоретически построенные зависимости интенсивностей колебаний типа A от угла βдля структуры DUT-8(Ni)_ор симметрии C_{4h} в параллельной и скрещенной поляризациях

Соединяя теоретические расчеты и эксперимент, мы видим полное согласование теоретических картин с реальными и верное распределение колебаний по группам.

4 Методика КР-картирования

4.1 Применение методики

Рамановское картирование изображения можно проводить по всем трем любых их координатам (X, Y, Z), В сочетаниях. Пожалуй, самым распространенным является 2D картирование вдоль поверхности (плоскость XY), но бывают весьма полезны и другие варианты, как например 1D профилирование по глубине (ось Z), 2D оптическое вертикальное сечение (плоскости XZ и YZ) и, наконец, полное 3D картирование объема (XYZ) (рисунок 24). Кроме того, рамановское картирование может быть скомбинировано с другими методами анализа, такими как изучение химической кинетики или скачков температуры.



Рисунок 24 – Рамановские карты от поверхности с осажденными наночастицами (пиксельная и объемная) [18]

Для получения рамановских карт высокого качества и точности от прибора требуется высокое пространственное разрешение (иными словами, достаточное оптическое разрешение для различения расположенных рядом объектов).

Для образца автоматического перемещения при картировании необходимо использовать прецизионный моторизованный столик. Столик на шаговых двигателях перемещается на большие расстояния (в десятки и сотни мм) с минимальным шагом от 50 нм и подходит для картирования больших объектов, таких как таблетки, куски метеоритов и минералов, срезы биологических тканей. использование Альтернативой является пьезоэлектрического столика, с рабочим диапазоном всего в несколько сотен микрометров, однако обеспечивающего нанометровый шаг и идеально подходящего для создания изображений нано-объектов, таких как углеродные нанотрубки и квантовые точки. Перевод исходных данных (набора измеренных) поточечных рамановских спектров) в рамановское изображение требует специального программного обеспечения для обработки данных, анализа и визуализации.

Рамановский спектр дает исследователю множество информации: о составе материала (по характерным рамановским линиям), о распределении компонент материала (по относительной интенсивности пиков, или по результатам мультивариантного анализа данных), о молекулярной форме или механическом напряжении (по смещению пика), о кристаллической или фазовой структуре (по ширине пика), и т.д.

Для визуализации 2D рамановской карты (поверхности образца или вертикального оптического сечения образца) используют цветовую палитру и шкалу яркостей, что позволяет отобразить поточечно химические или структурные свойства. Соответственно, изменение цвета или яркости пиксела на изображении отвечает изменению интенсивности пика, или положения пика, или его ширины [19].

39

Предлагается своими силами сконструировать столик для картирования на спектрометр ввиду дороговизны данного устройства: цена пьезоэлектрического столика на микроскоп спектрометра составляется от 5 млн рублей, в то время как цена самостоятельно собранного не превышает 1000 рублей. Технология картирования позволила бы эффективно исследовать актуальные для изучения металлоорганические каркасы, имеющие уникальные свойства, но малый размер кристаллов.

4.2 Разработка приставки

Для осуществления картирования на приборе был использован макет детали фотоаппарата для стабилизации изображения при фотографировании, содержащий в своей конструкции два шаговых двигателя и плоскость, способную осуществлять движение в горизонтальном направлении по двум осям. Макет детали представлен на рисунке 25.



Рисунок 25 – Макет детали фотоаппарата, используемой в качестве передвижного столика

Для данной детали была смоделирована и напечатана на 3D-принтере подставка, удерживающая конструкцию в горизонтальном положении.

Контакты шаговых двигателей были подключены к плате Arduino Mega 2560 с дополнением в виде Motor Shield L293D, а также написана управляющая программа на Arduino для осуществления управления шаговыми двигателями с помощью команд (Приложение В). Была реализована возможность движения поверхности по каждому направлению плоскости отдельно с заданным количеством шагов двигателя. Полная конструкция столика представлена на рисунке 26.



Рисунок 26 – Установка в подключенном виде

Для проведения проверки работы столика в пакете Wolfram Mathematica был написан программный код, позволяющий по фотографии определить смещение столика (Приложение Г).

Автоматизация измерения спектров при перемещении столика была реализована посредством дополнения программного обеспечения прибора LabSpec 5 скриптом (Приложение Д), связывающим плату Arduino с прибором.

Обработка данных проходила с помощью программного пакета Wolfram Mathematica, позволяющего рассчитать параметры линий спектра и визуализировать распределение по координатам в программе Origin.

4.3 Проверка установки

Для определения погрешности и повторяемости схемы был проведен эксперимент по измерению положения точки (лазерного пятна) поверхности заданного размера, определяемого количеством шагов двигателя по одной и другой оси. Выделенная площадка была пройдена (просканирована) по двум осям змеевидной траекторией перемещения. Дополнительно были измерены несколько раз положения выбранных точек для определения точности и повторяемости системы. (Рисунок 27)



Рисунок 27 – Демонстрация перемещения столика

По данным графика на рисунке 27 были определены среднее значение шага двигателя, среднее отклонение и повторяемость измерений, которые представлены в таблице 3.

Параметр	Значение, мкм
Средний шаг	10,0
Погрешность	0,9
Повторяемость	0,5

Таблица 3 – Вычисленные параметры устройства

Из таблицы видно, что шаг двигателя составляет примерно 10 мкм, а погрешность и повторяемость измерений меньше 1 мкм.

4.4 Проведение эксперимента

КР-картирование было проведено на кристаллах металлоорганического каркаса DUT-8(Ni) открытой и закрытой фазы. Экспериментальные образцы представлены на рисунке 28.



Рисунок 28 – Фото кристаллов каркаса DUT-8(Ni) в а) открытой и б) закрытой фазах

Результаты картирования кристалла открытой фазы представлены на рисунке 29. Карта интенсивности построена для линии-индикатора открытой фазы кристалла 23 см⁻¹.



Рисунок 29 – Карта интенсивности линии-индикатора открытой фазы 23 см⁻¹ при картировании «открытого» кристалла

Из-за длительного хранения кристаллы закрытой фазы изменили свое первоначальное состояние, адсорбировав молекулы из воздуха в поры, что повлияло на вид спектра. На рисунке 30 можно видеть спектры с различных точек кристалла, которые отличаются наличием или отсутствием линии открытой фазы 23 см⁻¹ и линии 44 см⁻¹, связанной с наличием внутри пор гостевых молекул.



Рисунок 30 – Спектры кристалла закрытой фазы в двух разных точках поверхности

a) 12 -1600 1441 10 -1282 1123 8 -964,0 Ү, мкм 6. 805.0 646,0 4 -487,0 328,0 2 -169,0 0 | 14 10,00 2 12 10 6 4 8 0 Х, мкм б) 12 90,00 81,30 10 -72,60 63,90 8 55.20 Ү, мкм 6 46,50 37,80 4 29,10 20,40 2 · - 11.70 0 | 14 3,000 12 2 10 4 0 8 6 Х, мкм

На рисунке 31 представлены карты интенсивностей линий спектра на кристалле исходно закрытой фазы.

Рисунок 31 – Карты интенсивностей линий в спектре кристалла закрытой фазы а) 60 см⁻¹, б) 23 см⁻¹, в) 44 см⁻¹ и г) при наложении трех линий



Рисунок 31, лист 2

Распределение интенсивностей линий закрытой и открытой фазы различается, а, следовательно, мы можем идентифицировать распределение фаз каркаса по его поверхности и сделать вывод о неоднородности структуры, а также определить появление структурного преобразования точечно.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В данной работе были реализованы методики для изучения металлоорганических каркасов и других микроразмерных материалов.

Для разработки методики измерения угловых зависимостей была сконструирована и изготовлена автоматизированная установка для измерения угловых зависимостей спектров неориентированных микрокристаллов, написаны управляющие программы.

Выполнен эксперимент на ранее исследованном и описанном в литературе образце для проверки корректной работы разработанной методики на спектрометре T64000. В качестве модельного образца с известным тензором рассеяния был использован микрокристалл хлорида одновалентной ртути Hg₂Cl₂. В ходе эксперимента получены угловые зависимости спектров Hg₂Cl₂, которые хорошо согласуются с ранее известными данными.

По разработанной методике были получены угловые зависимости спектров кристалла металлоорганического каркаса DUT-8(Ni) в считавшемся ранее невозможном смешанном состоянии, в котором в одном микрокристалле одновременно присутствуют фазы с открытыми и закрытыми порами. На основе измерений был выполнен анализ спектров, проведено отнесение линий спектра по типам колебаний. Показано, что симметрия колебаний-индикаторов открытой и закрытой фаз различна.

Для дальнейшего исследования распределения фаз внутри монокристалла каркаса DUT-8(Ni) была реализована методика КР-картирования с помощью самостоятельно сконструированной установки. Для осуществления управления шагом картирования были написаны программы, позволяющие распознавать смещение столика и считывать положение координаты. Была проведена проверка методики с целью установления параметров установки.

С помощью собранной установки было произведено КР-картирование кристаллов металлоорганического каркаса DUT-8(Ni) открытой и закрытой

47

фазы. По измеренным картам интенсивности линий были обнаружены неоднородности структуры кристаллов, связанные с постепенной адсорбцией кристаллами закрытой фазы молекул из воздуха в течение их срока хранения. Полученные данные позволили получить пространственное распределение структуры каркаса.

Данные методики позволяют эффективней исследовать малоразмерные кристаллы и получать большой набор данных, анализ которых в совокупности с теоретическим расчётом помогает установить тип колебаний линий КР, а, впоследствии, тензор рассеяния кристалла, параметры и углы кристаллической решетки, а также дополнительные свойства неоднородностей структуры кристаллов.

СПИСОК СОКРАЩЕНИЙ

- КР комбинационное рассеяние (света)
- КРС комбинационное рассеяние света
- НП неприводимые представления
- СКР спектр комбинационного рассеяния
- DUT Dresden University of Technology
- MOF metal–organic frameworks

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

 Metal-Organic Frameworks (MOF), или металлорганические координационные полимеры (МКОП) : Метод. Пособ. / ФГБУН ИОиФХ им. А.Е. Арбузова. – Казань, 2013.

2. Technische Universität Dresden — TU Dresden: S2: Synthesis of switchable MOFs and in situ X-ray diffraction studies of gas and liquid phase induced reversible structural transformations / *Stefan Kaskel*. – URL: https://tu-dresden.de/ (дата обращения: 15.06.2021)

3. Raman spectroscopy studies of the terahertz vibrational modes of a DUT-8 (Ni) metal–organic framework / A. Krylov, A. Vtyurin, P. Petkov, I. Senkovska [et al.] // Phys. Chem. Chem. Phys. – 2017. – Is.47.

4. ЦКП КНЦ СО РАН: Спектрометр комбинационного рассеяния света Horiba Jobin Yvon : сайт // Центр коллективного пользования Красноярского научного центра СО РАН. – URL: http://ccu.kirensky.ru (дата обращения: 15.06.2021)

Damen, T. C. Raman Effect in Zinc Oxide / T.C. Damen, S.P.S. Porto,
 B. Tell // Phys.Rev. – 1966. – v. 142, № 2 – p. 570-574.

6. Munisso, M. C. Raman tensor analysis of sapphire single crystal and its application to define crystallographic orientation in polycrystalline alumina / M. C. Munisso, W. Zhu, G. Pezzoti // Phys. Status Solidi. – 2009. – v. 246, № 8. – p. 1893-1900.

Oreshonkov, A. S. Raman spectra and phase composition of MnGeO3 crystals / A. S. Oreshonkov, J. V. Gerasimova, A. A. Ershov, A. S. Krylov [et al.] // Journal of Raman Spectroscopy. – 2016. – v.47, № 5. – p.531-536.

8. Pezzotti, G. Raman tensor elements for wurtzitic GaN and their application to assess crystallographic orientation at film/substrate interfaces / G. Pezzotti [et al.] // Journal of Applied Physics. -2011. - v.110. -013527.

50

Munisso, M. Raman tensor analysis of sapphire single crystal and its application to define crystallographic orientation in polycrystalline alumina / M. Munisso [et al.] // Phys. Status Solidi. – 2009. – v. 246, № 8. – p. 1893-1900.

10. FUJII, Y. Raman Tensor Analysis of Crystalline Lead Titanate by Quantitative Polarized Spectroscopy / Y. FUJII [et al.] // Ferroelectrics. – v.462, № 1. – 2014. – p. 8-13.

11. Arduino [Электронный ресурс] : Подключение шаговых двигателей 28BYJ-48 к ардуино на ULN2003 // сайт для начинающих мастеров ардуино. – URL: https://arduinomaster.ru (дата обращения: 15.06.2021)

Рогинский, Е. М. Структура, динамические и нелинейные оптические свойства кристаллов Hg₂F₂ / Е. М. Рогинский, Ю.Ф.Марков, А.И.Лебедев // ЖЭТФ. – 2019. – т. 155. – № 5. – с. 855–868.

Марков, Ю.Ф. Комбинационное рассеяние света поликристаллами
 Hg₂F₂ / Ю.Ф. Марков, Е.М. Рогинский // Физика твердого тела. – 2009. – т. 51. –
 № 2. – с. 282-285.

14. Loudon, R. The Raman effect in crystals / R. Loudon // Advances in Physics. – 1964. – v.13, № 52 – p. 423-482.

15. Kaplyanskii, A. A. Raman spectra and structural phase transitions in improper ferroelastics Hg_2Cl_2 and Hg_2Br_2 / A. A. Kaplyanskii // Theory of Light Scattering in Condensed Matter. – 1976. – p. 31-52.

16. Klein, N. Monitoring adsorption-induced switching by ¹²⁹Xe NMR spectroscopy in a new metal-organic framework Ni₂(2,6-ndc)₂(dabco) / N. Klein, C. Herzog, M. Sabo, I. Senkovska, J. Getzschmann, S. Paasch, M. R. Lohe, E. Brunner, S. Kaskel // Phys. Chem. Chem. Phys. – 2010. – v.12, No 37. – p. 11778-11784.

17. BilbaoCrystallographicServer:сервер–URL:https://www.cryst.ehu.es/ (дата обращения: 15.06.2021)

18. Спектроскопические методы исследования материалов фотоники : учеб.- мет. пособ. / В.А. Асеев, А.Н. Бабкина, Л.Ю. Миронов, Р.К. Нурыев. – СПб : Университет ИТМО, 2021. – URL: https://books.ifmo.ru/file/pdf/2978.pdf (дата обращения 8.01.2023).

19. Найтек Инструментс : Библиотека : сайт / Найтек Инструментс. – URL: http://www.nytek.ru/ (дата обращения 8.01.2023).

20. Барта, Ч. Спектры комбинационного рассеяния монокристаллов Hg₂Cl₂ и Hg₂Br₂ / Ч. Барта, А. А. Каплянский, Ю. Ф. Марков // Физика твердого тела. – 1973. – т. 15, № 9. – с. 2835-2837.

21. Барта, Ч. Спектры комбинационного рассеяния I и II порядков монокристаллов Hg₂Cl₂, Hg₂Br₂, Hg₂I₂ / Ч. Барта, А.А. Каплянский, В.В. Кулаков, Ю.Ф. Марков // Оптика и спектроскопия. – 1974. – т. 37, № 1. – с. 95-98.

22. Сущинский, М. М. Комбинационное рассеяние света и строение вещества. – Москва : Наука, 1981. — 183 с.

23. Трусов, М. Рамановские микроскопы Horiba Scientific / М. Трусов,
С. Жохов // Аналитика. – 2015. – № 3. – с. 48-56.

24. Kaplyanskii, A.A. The soft mode properties in raman spectra of improper ferroelastics Hg_2Cl_2 and Hg_2Br_2 / A . A. Kaplyanskii, V. V. Kulakov, Yu. F. Markov // Solid State Communications. – 1977. – v. 21. – p. 1023-1025.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Листинг вращения столика для Ардуино

```
#include <GyverEncoder.h>
#include <Stepper.h>
#include <TimerOne.h>
const int stepsPerRevolution = 200; // количество шагов за оборот
// for your motor
// initialize the stepper library on pins 2 through 5:
Stepper myStepper(stepsPerRevolution, 2,4,3,5); //установка
подключенных пинов
//flag of commanded movement
int movement flag = 0;
//flag of enabled encoder
bool encoder flag = false;
//Encoder (CLK, DT, SW, Type)
Encoder enc(6, 7, 8);
//set of resolutions per encoder step количество оборотов за шаг
энкодера
const int encStepsValues[] = {
  50,250,10
  };
//number of resolutions in set
const int possibleEncSteps = 3;
//current number from set
int currentValue = 0;
//current resolution
int encSteps = encStepsValues[currentValue];
//counted turns during interrupts
int turn = 0;
void setup() {
  // initialize the serial port:
  Serial.begin(9600);
  enc.setType(TYPE1);
  enc.setDirection(REVERSE);
  //init int once per 500 microseconds
  Timer1.initialize(500);
                                      //
Timer1.attachInterrupt(timerIsr);
}
void timerIsr() {
```

```
enc.tick(); //read encoder
  //if enabled
    if(!encoder flag) {
      //cyclic resolution change
      if(enc.isClick()) {
      currentValue++;
      if(currentValue >= possibleEncSteps)
        currentValue = 0;
      encSteps = encStepsValues[currentValue];
      }
      //turn increment with rotation
      if(enc.isRight()) turn++;
      if(enc.isLeft()) turn--;
    }
  }
void loop() {
  //read command, in string vxsy - assign speed x and steps y,
  //change commanded movement flag
  //in e - enable/disable encoder
  String command=Serial.readString();
  int
velocity=command.substring(command.indexOf("v")+1,command.indexOf(
"s")).toInt();
 int steps=command.substring(command.indexOf("s")+1).toInt();
  if(velocity!=0) {
    movement flag = 1;
  }
  if(command.indexOf("e") == 0) {
    encoder flag = !encoder flag;
  }
  if(velocity>150){
    velocity = 150;
  }
11
  if(velocity != 0)
// Serial.println(velocity);
// if(steps != 0)
//
      Serial.println(steps);
//if there was commanded movement - do this move, send
//message when finished, rest flag
  if(movement flag){
    myStepper.setSpeed(velocity);
    myStepper.step(steps);
```

```
54
```

```
Serial.println("Stopped");
movement_flag = 0;
}
//move stepper for number of times counted in interrupt
//times with selected resolution
myStepper.setSpeed(150);
myStepper.step(turn*encSteps);
turn = 0;
}
```

ПРИЛОЖЕНИЕ Б

Листинг измерения угловых зависимостей для Lab Spec

```
Const ACQ LABSPEC PARAM = 2
Const MOTOR VALUE = 0
Const SHOW DATA = 0
Const REMOVE DATA = 2
Const CREATE PROFILE = 0
Const ADD TO PROFILE = 1
Const MB INPUTBOX = 0
Const MB STATUS BAR = 6
Const COMM PORT = "COM5;"
Const PORT SETTINGS = "9600, n, 8, 1;"
Const PORT TIMEOUT = "3000"
Const DegPerStep = -0.024934117165
Dim Param
Dim Status
Dim TERM
Dim ret
Dim FileName
Dim Format
Dim ExperimentTitle
Dim SampleName
Dim CAngle, AngleInc, FullRotate
TERM = Chr(13) & Chr(10) 'Terminators are <CR><LF>
Format="ngs"
SampleName=LabSpec.MessageEx("Enter Label :#sample",MB INPUTBOX)
'Select folder For save data
FilePath = SelectFolder( "C:\LabSpec Data\" )
If FilePath = vbNull Then
  FilePath = "C:\LabSpec Data\"
End If
ExperimentTitle = SampleName
CreateFolder FilePath & "\" & ExperimentTitle
CreateFolder FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\ngs"
CreateFolder FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\txt"
```

```
' Input parameters
'StartTime=LabSpec.MessageEx("Start Time (min) :#0",MB INPUTBOX)
FullRotate=CDbl(LabSpec.MessageEx("Full rotation (degree)
:#360",MB INPUTBOX))
AngleInc=LabSpec.MessageEx("Angle incriment (degree)
:#10",MB INPUTBOX)
CAngle=LabSpec.MessageEx("Current Angle (degree) :#0",MB INPUTBOX)
' Init instrument RS232 communication
LabSpec.Send "RS232", COMM PORT & PORT SETTINGS &
PORT TIMEOUT, Param, 0, Status
StartTick=LabSpec.TickCount()
CurrentAcq=0
LabSpec.Send "RS232", "e" & TERM, Param, 1, Status
do
    ' Start the 1st acquisition With current LS parameters
    LabSpec.Message "Acquiring Spectrum #" & (CurrentAcq+1) & ";
Degree.: " & Temperature ,MB STATUS BAR
    LabSpec.Acq ACQ LABSPEC PARAM, 0, 0, 0, 0
    ' Wait Until Acquisition is done
    do
           SpectrumID=LabSpec.GetAcqID()
    Loop Until SpectrumID>0
    Temperature = CAngle+CurrentAcq*AngleInc
    ' Create/update the profile with the averaged spectrum
    If CurrentAcq=0 Then
ProfileID=LabSpec.Profile(CREATE PROFILE, 0, SpectrumID,
Temperature, "Angle deg", "Rotation") ' Create a profile With the
first spectrum
    If CurrentAcq>0 Then LabSpec.Profile
ADD TO PROFILE, ProfileID, SpectrumID, Temperature, "", ""
     LabSpec.Exec ProfileID, SHOW DATA, Param ' Show modified
Profile
    'Ssve current acqusition spectra
    FileName=FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\txt\" &
Right("0"&FormatNumber(Temperature,3),7) & "deg "&ExperimentTitle
& " #" &CurrentAcg & ".txt"
```

```
ret=LabSpec.Save(SpectrumID, FileName, "txt")
    FileName=FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\ngs\" &
Right("0"&FormatNumber(Temperature,3),7) & "deg "&ExperimentTitle
& " #" &CurrentAcq & ".ngs"
    ret=LabSpec.Save(SpectrumID,FileName,"ngs")
    ' drop the spectra
     LabSpec.Exec SpectrumID, REMOVE DATA, Param
     DoAngleStep(AngleInc)
     CurrentAcq=CurrentAcq+1
 ' Loop until end time is reached
Loop until FullRotate<CurrentAcq*AngleInc
'Ssve current acqusition spectra
FileName=FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\" & ExperimentTitle
& ".ngc"
ret=LabSpec.Save(ProfileID,FileName,"ngc")
LabSpec.Send "RS232", "e" & TERM, Param, 1, Status
LabSpec.Message "Acquisition done", MB STATUS BAR
' read the temperature from the heating stage
function DoAngleStep( dAngl)
    Step=CLng(dAngl/-0.024934117165)
    LabSpec.Send "RS232", "v100s" & Step & TERM, Param, 1, Status
    LabSpec.Pause (3500)
1
    ret = ""
1
    Do
.
        ret=LabSpec.Send ("RS232","7", Param, 2, Status)
1
    Loop until ret="Stopped"
     ret=LabSpec.Send ("RS232","2", Param, 2, Status)
End Function
Function SelectFolder( myStartFolder )
     ' Standard housekeeping
     Dim objFolder, objItem, objShell
```

58

```
' Custom error handling
     On Error Resume Next
     SelectFolder = vbNull
     ' Create a dialog object
     Set objShell = CreateObject( "Shell.Application" )
     Set objFolder = objShell.BrowseForFolder( 0, "Select Folder",
0, myStartFolder )
     ' Return the path of the selected folder
     If IsObject( objfolder ) Then SelectFolder =
objFolder.Self.Path
     ' Standard housekeeping
     Set objFolder = Nothing
     Set objshell = Nothing
     On Error Goto 0
End Function
Function CreateFolder( myFolder )
   Set oFSO = CreateObject("Scripting.FileSystemObject")
   If Not oFSO.FolderExists(myFolder) Then
     oFSO.CreateFolder myFolder
  End If
End Function
```

ПРИЛОЖЕНИЕ В

Листинг управления шаговыми двигателями для Ардуино

```
#include <AFMotor.h> // Подключаем библиотеку для работы
c Motor Shield L293D
// Придумываем имя шаговому двигателю (например: stepper motor),
// указываем количество шагов для полного оборота (48) и номер
порта к которому подсоединен шаговик
// порт №1 – клеммы М1 и М2, порт №2 клеммы М3 и М4
AF Stepper stepper motorV(20, 1);
AF Stepper stepper motorH(20, 2);
// пин подключения контакта VRX
#define PIN VRX A0
// пин подключения контакта VRY
#define PIN VRY A1
// пин подключения кнопки
#define PIN BUTTON 3
// начальные значения
int inix, iniy;
int curx, cury;
String command;
int axx, ayy;
void setup() // НАСТРОЙКИ
  inix=analogRead(PIN VRX);
  iniy=analogRead(PIN VRY) ;
  stepper motorH.setSpeed(50);
  stepper motorV.setSpeed(50);
            Serial.begin (9600);
  }
int s; // объявляем переменную, которая нам будет служить в
качестве счетчика шагов (имя переменной можете придумать любое)
void loop() // ОСНОВНОЙ ЦИКЛ
  {
  if(Serial.available()){
    command=Serial.readString();
```

```
axx=command.substring(command.indexOf("x")+1,command.indexOf("y"))
.toInt();
    ayy=command.substring(command.indexOf("y")+1).toInt();
    if(axx!=0)
        if(axx<0) stepper_motorH.step(abs(axx), FORWARD, MICROSTEP);
        else stepper_motorH.step(axx, BACKWARD, MICROSTEP);
        if(ayy!=0)
        if(ayy<0) stepper_motorV.step(abs(ayy), FORWARD, MICROSTEP);
        else stepper_motorV.step(ayy, BACKWARD, MICROSTEP);
    }
}</pre>
```

ПРИЛОЖЕНИЕ Г

Листинг распознавания смещения столика по фиксированной точке на поверхности для Wolfram Mathematica

```
(*SetDirectory["d:/18.02.2022/"];*)
SetDirectory["/Users/shusy/Desktop/18.02.2022/"];
Result = \{\};
i1 = Import["00.jpg"]; fns = FileNames["*.jpg"];
Do [
     {i2 = Import[fns[[jj]]];
     ch = ChanVeseBinarize /@ {i1, i2};
     dsc = FillingTransform /@ (DeleteSmallComponents[#, 10000] &
/@ ch);
  (*pts=ImageCorrespondingPoints[dsc[[1]],dsc[[2]]];*)
     f = TransformationMatrix[
    FindGeometricTransform[dsc[[1]], dsc[[2]],
      "Transformation" -> "Translation", Method ->
"RANSAC"][[2]]];
     Print[v = \{ f[[1, 3]], f[[2, 3]] \}];
     Result = Append[Result, v] }
 , {jj, Length[fns]}]
TableForm[Result]
```

ПРИЛОЖЕНИЕ Д

Листинг осуществления автоматизации картирования в LabSpec 5

```
Const ACQ LABSPEC PARAM = 2
Const MOTOR VALUE = 0
Const SHOW DATA = 0
Const REMOVE DATA = 2
Const CREATE PROFILE = 0
Const ADD TO PROFILE = 1
Const MB INPUTBOX = 0
Const MB STATUS BAR = 6
Const COMM PORT = "COM5;"
                                .
Const PORT SETTINGS = "9600, n, 8, 1;"
Const PORT TIMEOUT = "3000"
Dim Param
Dim Status
Dim TERM
Dim ret
Dim FileName
Dim Format
Dim ExperimentTitle
Dim SampleName
Dim TempBefore, TempAfter
Dim MapID
Dim Labels(1)
Dim Units(1)
                       'Terminators are <CR><LF>
TERM = Chr(13) \& Chr(10)
Format="ngs"
Labels(0) = "X"
Labels(1)="Y"
Units(0) = "10um"
Units(1) = "10um"
SampleName=LabSpec.MessageEx("Enter Label :#sample",MB INPUTBOX)
'Select folder For save data
FilePath = SelectFolder( "C:\LabSpec Data\" )
If FilePath = vbNull Then
  FilePath = "C:\LabSpec Data\"
End If
ExperimentTitle = SampleName
CreateFolder FilePath & "\" & ExperimentTitle
```

```
CreateFolder FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\ngs"
CreateFolder FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\txt"
' Input parameters
'StartTime=LabSpec.MessageEx("Start Time (min) :#0",MB INPUTBOX)
XStep=CDbl(LabSpec.MessageEx("Step X axis :#2",MB INPUTBOX))
YStep=LabSpec.MessageEx("Step Y axis :#2",MB INPUTBOX)
Dim AxisX(21)
Dim AxisY(21)
For i=0 to 2*XStep+1
   AxisX(i)=i
Next
For i=0 to 2*YStep+1
   AxisY(i)=i
Next
' Init instrument RS232 communication
LabSpec.Send "RS232", COMM PORT & PORT SETTINGS &
PORT TIMEOUT, Param, 0, Status
StartTick=LabSpec.TickCount()
CurrentAcq=0
RealXPos=0
RealYPos=0
' Wait until it is Time to acquire the Next spectrum
'While (LabSpec.TickCount() < StartTick+StabSizeTime*60*1000)</pre>
     LabSpec.Message "Waiting For Ramp Stabilize: " &
Round((StartTick+StabSizeTime*60*1000+-LabSpec.TickCount())/1000)
& " s", MB STATUS BAR
    LabSpec.Pause 1000
1
'wend
'Moving to start point
LabSpec.Send "RS232", "x-" & XStep & "y0" & TERM, Param, 1, Status
LabSpec.Pause 3000
LabSpec.Send "RS232", "x0" & "y" & YStep & TERM, Param, 1, Status
LabSpec.Pause 3000
do
    ' Start the 1st acquisition With current LS parameters
    LabSpec.Message "Acquiring Spectrum #" & (CurrentAcq+1) & "; X
pos: " & RealXPos & "; Y pos " & RealYPos ,MB STATUS BAR
    LabSpec.Acq ACQ LABSPEC PARAM,0,0,0,0
    ' Wait Until Acquisition is done
    do
           SpectrumID=LabSpec.GetAcqID()
    Loop Until SpectrumID>0
```

```
64
```

' Create/update the profile with the averaged spectrum If CurrentAcq=0 Then MapID=LabSpec.MapEx(CREATE MAP, 0, SpectrumID, 0, AxisX, AxisY, Labels, Units) If CurrentAcq>0 Then MapID=LabSpec.MapEx(ADD TO MAP,MapID,SpectrumID,CurrentAcq, AxisX, AxisY, Labels, Units) LabSpec.Exec MapID, SHOW DATA, Param ' Show modified Profile 'Ssve current acqusition spectra FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\txt\" & RealXPos & "X " & RealYPos & "Y " & ExperimentTitle & " #" & CurrentAcq & ".txt" ret=LabSpec.Save(SpectrumID,FileName,"txt") FileName=FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\ngs\" & RealXPos & "X " & RealYPos & "Y " & ExperimentTitle & " #" & CurrentAcq & ".nqs" ret=LabSpec.Save(SpectrumID,FileName,"ngs") ' drop the spectra 'LabSpec.Exec SpectrumID, REMOVE DATA, Param If RealXPos<2*XStep Then LabSpec.Send "RS232", "x1y0" & TERM, Param, 1, Status LabSpec.Pause 1200 RealXPos=RealXPos+1 Else LabSpec.Send "RS232", "x-" & 2*XStep & "y0" & TERM, Param, 1, Status LabSpec.Pause 3500 RealXPos=0 LabSpec.Send "RS232", "x0y-1" & TERM, Param, 1, Status LabSpec.Pause 3500 RealYPos=RealYPos+1 End If CurrentAcq=CurrentAcq+1 ' Loop until end time is reached Loop until CurrentAcq > CDbl((2*XStep+1) * (2*YStep+1)-1) 'Ssve current acqusition spectra FileName=FilePath & "\" & ExperimentTitle & "\" & ExperimentTitle & ".ngc" ret=LabSpec.Save(MapID,FileName,"ngc") LabSpec.Send "RS232", "x" & XStep & "y0" & TERM, Param, 1, Status LabSpec.Pause 3000 LabSpec.Send "RS232", "x0" & "y" & YStep & TERM, Param, 1, Status

```
LabSpec.Pause 3000
LabSpec.Message "Acquisition done" & CurrentAcq,MB_STATUS_BAR
' read the temperature from the heating stage
function MoveToPosition()
    If RealXPos<2*XStep Then
        LabSpec.Send "RS232", "x1y0" & TERM, Param, 1, Status
        LabSpec.Pause 3000
        RealXPos=RealXPos+1
    Else
        LabSpec.Send "RS232", "x-" & 2*XStep+1 & "1y-1" & TERM,
Param, 1, Status
        LabSpec.Pause 3000
        RealXPos=0
        RealYPos=RealYPos+1
    End If
End Function
Function SelectFolder( myStartFolder )
     ' Standard housekeeping
     Dim objFolder, objItem, objShell
     ' Custom error handling
     On Error Resume Next
     SelectFolder = vbNull
     ' Create a dialog object
     Set objShell = CreateObject( "Shell.Application" )
     Set objFolder = objShell.BrowseForFolder( 0, "Select Folder",
0, myStartFolder )
     ' Return the path of the selected folder
     If IsObject( objfolder ) Then SelectFolder =
objFolder.Self.Path
     ' Standard housekeeping
     Set objFolder = Nothing
     Set objshell = Nothing
     On Error Goto 0
End Function
Function CreateFolder( myFolder )
   Set oFSO = CreateObject("Scripting.FileSystemObject")
   If Not oFSO.FolderExists(myFolder) Then
     oFSO.CreateFolder myFolder
  End If
End Function
```

Министерство науки и высшего образования РФ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования **«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»** Институт инженерной физики и радиоэлектроники Базовая кафедра фотоники и лазерных технологий

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой А.Н. Втюрин подпись « 20 » clopp 2023 г.

МАГИСТЕРСКАЯ ДИССЕРТАЦИЯ

Разработка методик исследования металлоорганических каркасов

методом КРС

16.04.01 Техническая физика

16.04.01.02 Оптическая физика и квантовая электроника

Руководитель

подпись, дата

д-р физ.-мат. наук, проф. Втюрин А.Н.

Головкина Е.В.

Выпускник

подпись, дата

Рецензент пол Лортокотроны



канд.физ.-мат. наук, доц. Александровский А.С.